

Relationaler Datenbankentwurf: Überblick

- Verfeinern des logischen Entwurfs
- Ziel: Vermeidung von Redundanzen durch Aufspalten von von Relationenschemata, ohne gleichzeitig
 - ◆ semantische Informationen zu verlieren (Abhängigkeitstreue)
 - ◆ die Möglichkeit zur Rekonstruktion der Relationen zu verlieren (Verbundtreue)
- Beispiel: \rightsquigarrow
- Redundanzvermeidung durch Normalformen (s.u.)

Bücher-Relation mit Redundanzen

Bücher	ISBN	Titel	Autor	Version	Stichwort	Verlagsname
	0-8053-1753-8	Princ.of DBS	Elmasri	1,1989	RDB	Benj./Cumm.
	0-8053-1753-8	Princ.of DBS	Navathe	1,1989	RDB	Benj./Cumm.
	0-8053-1753-8	Princ.of DBS	Elmasri	2,1994	RDB	Benj./Cumm.
	0-8053-1753-8	Princ.of DBS	Navathe	2,1994	RDB	Benj./Cumm.
	0-8053-1753-8	Princ.of DBS	Elmasri	1,1989	Lehrbuch	Benj./Cumm.
	0-8053-1753-8	Princ.of DBS	Navathe	1,1989	Lehrbuch	Benj./Cumm.
	0-8053-1753-8	Princ.of DBS	Elmasri	2,1994	Lehrbuch	Benj./Cumm.
	0-8053-1753-8	Princ.of DBS	Navathe	2,1994	Lehrbuch	Benj./Cumm.
	0-8053-1753-8	Princ.of DBS	Elmasri	1,1989	ER	Benj./Cumm.
	0-8053-1753-8	Princ.of DBS	Navathe	1,1989	ER	Benj./Cumm.
	0-8053-1753-8	Princ.of DBS	Elmasri	2,1994	ER	Benj./Cumm.
	0-8053-1753-8	Princ.of DBS	Navathe	2,1994	ER	Benj./Cumm.

6. Relationaler Datenbankentwurf

- ➡ Funktionale Abhängigkeiten
- ➡ Schema-Eigenschaften
- ➡ Transformationseigenschaften
- ➡ Entwurfsverfahren
- ➡ Mehrwertige Abhängigkeiten
- ➡ Weitere Abhängigkeiten

Funktionale Abhängigkeiten

- Funktionale Abhängigkeit einer Relation zwischen Attributmengen X und Y , wenn in jedem Tupel der Relation der Attributwert unter den X -Komponenten den Attributwert unter den Y -Komponenten festlegt
- Funktionale Abhängigkeit (kurz: FD, von functional dependency), Schreibweise: $X \rightarrow Y$
- Im Beispiel auf folgender Folie: $ISBN \rightarrow Titel, Verlag$
- Nicht: $ISBN \rightarrow Autor, Stichwort$
- Trivialerweise: $ISBN \rightarrow ISBN$
- Formal \rightsquigarrow

Schlüssel im Beispiel

Personen	PANr	Vorname	Nachname	PLZ	Ort	Straße	HNr	Geb.datum
	4711	Andreas	Heuer	18209	DBR	BHS	15	31.10.1958
	5588	Gunter	Saake	39106	MD	STS	55	05.10.1960
	6834	Michael	Korn	39104	MD	BS	41	24.09.1974
	7754	Andreas	Möller	18209	DBR	RS	31	25.02.1976
	8832	Tamara	Jagellovsk	38106	BS	GS	12	11.11.1973
	9912	Antje	Hellhof	18059	HRO	AES	21	04.04.1970
	9999	Christa	Loeser	69121	HD	TS	38	10.05.1969

Pers_Telefon	PANr	Telefon
	4711	038203-12230
	4711	0381-498-3401
	4711	0381-498-3427
	5588	0391-345677
	5588	0391-5592-3800
	9999	06221-400177

Ableitung von FDs II

■ Gilt für f über R $\text{SAT}_R(F) \subseteq \text{SAT}_R(f)$, dann *impliziert* F die FD f (kurz: $F \models f$)

■ obiges Beispiel:

$$F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C\} \models A \rightarrow C$$

Hüllenbildung F^+ : $\leadsto \square \square$

Schlüssel als Spezialfall

- für Beispiel auf folgender Folie
PANr \rightarrow Vorname, Nachname, PLZ, Ort, Straße, Hausnummer, Geburtsdatum
- Immer: PANr \rightarrow PANr, dann gesamtes Schema auf rechter Seite
- Wenn linke Seite minimal: Schlüssel
- Formal: Schlüssel X liegt vor, wenn für Relationenschema R FD $X \rightarrow R$ gilt und X minimal

Ziel des Datenbankentwurfs: alle gegebenen funktionalen Abhängigkeiten in "Schlüsselabhängigkeiten" umformen, ohne dabei semantische Information zu verlieren

Ableitung von FDs

r	A	B	C
	a_1	b_1	c_1
	a_2	b_1	c_1
	a_3	b_2	c_1
	a_4	b_1	c_1

- genügt $A \rightarrow B$ und $B \rightarrow C$
- dann gilt auch $A \rightarrow C$
- nicht ableitbar $C \rightarrow A$ oder $C \rightarrow B$

Membership-Problem

Kann eine bestimmte FD $X \rightarrow Y$ aus der vorgegebenen Menge F abgeleitet werden, d.h. wird sie von F impliziert?

Membership-Problem: " $X \rightarrow Y \in F^+ ?$ "

Hülle einer Attributmeng X bzgl. F ist $X_F^* := \{A \mid X \rightarrow A \in F^+\}$

Das Membership-Problem kann nun durch das modifizierte Problem

Membership-Problem (2): " $Y \subseteq X_F^* ?$ "

in linearer Zeit gelöst werden

Überdeckungen

F heißt äquivalent zu G

(oder: F Überdeckung von G ; kurz: $F \equiv G$)

falls $F^+ = G^+$

Ableitungsregeln

- gültig (sound)
- vollständig (complete)
- unabhängig (independent) oder auch bzgl. \subseteq minimal

Name	Regel
R Reflexivität	$\{\} \implies X \rightarrow X$
A Akkumulation	$\{X \rightarrow YZ, Z \rightarrow VW\} \implies X \rightarrow YZV$
P Projektivität	$\{X \rightarrow YZ\} \implies X \rightarrow Y$

RAP-Algorithmus

1. Bestimme X , setze $X^* := X$ (\boxed{R} -Regel für X)
2. Gibt es FD $f_1 := X_1 \rightarrow Y_1 \in F$ mit $X_1 \subseteq X^*$?
3. Wenn ja, dann wird X^* gemäß $X^* := X^* \cup Y_1$ vergrößert (\boxed{A} -Regel).
4. Führe Schritt 2 und 3 so lange aus, bis X^* stabil (Hülle)
5. Ist $Y \subseteq X^*$, dann ist $X \rightarrow Y \in F^+$ (\boxed{P} -Regel)

Update-Anomalien

Redundanzen in Basisrelationen unerwünscht:

- Belegen unnötigen Speicherplatz (eher unwichtig)
- Information redundant → Änderung muß diese Information in allen ihren Vorkommen verändern (in relationalen Systemen nur schwer zu realisieren)

Beispiel **insert**-Anomalie:

Bücher	ISBN	Titel	Autor	Version	Stichwort	Verlagsname
	0-8053-1753-8	Princ.of DBS	Elmasri	3,1996	RDB	Springer

in Bücher-Relation einfügen (FD, MVD verletzt; besser: auf Schlüsselabhängigkeiten zurückführen)

Zweite Normalform

Zweite und weitere Normalformen: aufgrund der Struktur von Abhängigkeiten Redundanzen entdecken

- Zweite Normalform: Keine partiellen Abhängigkeiten zwischen einem Schlüssel und weiteren Nicht-Primattributen (Attribute, die nicht in einem Schlüssel auftauchen)
- *partielle Abhängigkeit* liegt vor, wenn ein Attribut funktional schon von einem *Teil* des Schlüssels abhängt

Schema-Eigenschaften

Relationenschemata, Schlüssel und Fremdschlüssel so wählen, daß

1. alle Anwendungsdaten aus den Basisrelationen hergeleitet werden können,
2. nur semantisch sinnvolle und konsistente Anwendungsdaten dargestellt werden können und
3. die Anwendungsdaten möglichst nicht-redundant dargestellt werden.

Hier: Forderung 3

- Redundanzen innerhalb einer Relation: Normalformen
- globale Redundanzen: Minimalität

Erste Normalform

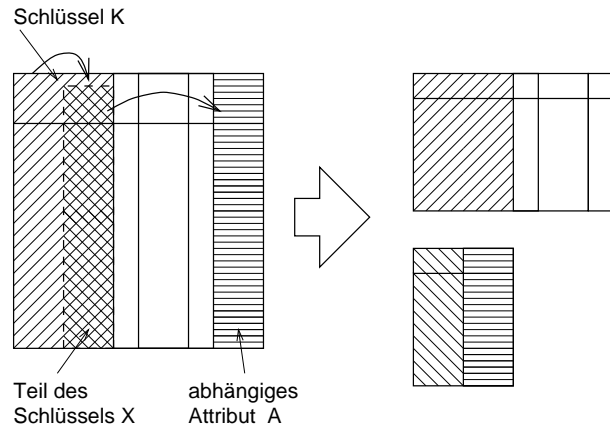
- führt zunächst Redundanzen ein
- Erste Normalform (1NF): nur atomare Attribute in Relationenschemata

Invnr	Titel	ISBN	Autoren
0007	Dr. No	3-125	James Bond
1201	Objektbanken	3-111	Heuer, Scholl

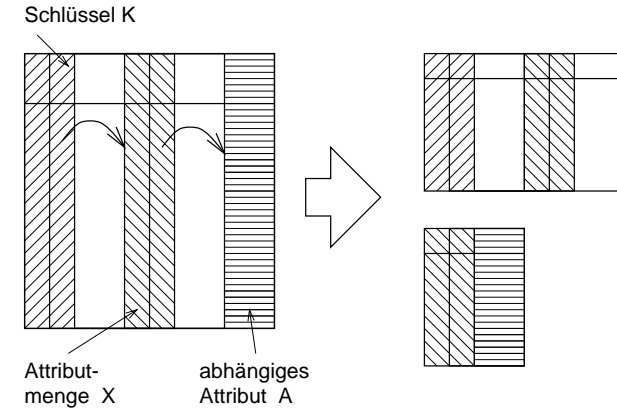
wäre in erster Normalform

Invnr	Titel	ISBN	Autor
0007	Dr. No	3-125	James Bond
1201	Objektbanken	3-111	Heuer
1201	Objektbanken	3-111	Scholl

Veranschaulichung zweite Normalform



Veranschaulichung dritte Normalform



Zweite Normalform II

■ Beispiel:

$Invnr \rightarrow Titel$

und

$Invnr, Autor \rightarrow Invnr, Titel, ISBN, Autor$

$Invnr$ und $Autor$ zusammen Schlüssel

$Titel$ hängt aber allein von $Invnr$ ab

■ Zweite Normalform erreichen durch Elimination der rechten Seite der partiellen Abhängigkeit und Kopie der linken Seite (siehe nächste Folie)

■ Formal: $\rightsquigarrow \square \square$

Dritte Normalform

■ Dritte Normalform: Keine transitiven Abhängigkeiten zwischen einem Schlüssel und weiteren Nicht-Primattributen

■ *transitive Abhängigkeit*: Schlüssel K bestimmt Attributmenge X funktional, diese aber auch eine Attributmenge Y

transitive Abhängigkeit $K \rightarrow X \rightarrow Y$

■ Beispiel: $PANr \rightarrow PLZ$ und $PLZ \rightarrow Ort$

Information, daß zur PLZ '18209' der Ort 'DBR' gehört, ist redundant

■ Dritte Normalform erreichen durch Elimination von Y und Kopie von X (siehe nächste Folie)

■ Formal: $\rightsquigarrow \square \square$

Boyce-Codd-Normalform II

- Trotzdem Redundanz:

PLZ, Straße, Hausnummer \rightarrow PLZ \rightarrow Ort

- partielle (oder transitive) Abhängigkeit

Boyce-Codd-Normalform (BCNF) definiert transitive Abhängigkeiten nicht nur über Nicht-Primattribute

Schema-Eigenschaften: Zusammenfassung

Kennung	Schemaeigenschaft	Kurzcharakteristik
	1NF	nur atomare Attribute
	2NF	keine partielle Abhängigkeit eines Nicht-Primattributes von einem Schlüssel
S 1	3NF	keine transitive Abhängigkeit eines Nicht-Primattributes von einem Schlüssel
	BCNF	keine transitive Abhängigkeit eines Attributes von einem Schlüssel
S 2	Minimalität	minimale Anzahl von Relationenschemata, die die anderen Eigenschaften erfüllt

Boyce-Codd-Normalform

- Nicht nur Nicht-Primattribute betrachten
- Im aktuellen Postleitzahlssystem der Deutschen Post innerhalb der Attribute

PLZ, Ort, Straße, Hausnummer

folgende funktionalen Abhängigkeiten:

Ort, Straße, Hausnummer \rightarrow PLZ,
PLZ \rightarrow Ort

Schlüssel: Ort, Straße, Hausnummer und PLZ, Straße, Hausnummer

alle Attribute nun Primattribute: dritte Normalform

Minimalität

- Global Redundanzen vermeiden
- andere Kriterien (wie Normalformen) mit möglichst wenig Schemata erreichen
- Beispiel: Attributmenge ABC , FD-Menge $\{A \rightarrow B, B \rightarrow C\}$
- Datenbankschemata in dritter Normalform:

$$S = \{(AB, \{A\}), (BC, \{B\})\}$$

$$S' = \{(AB, \{A\}), (BC, \{B\}), (AC, \{A\})\}$$

Redundanzen in S'

Abhängigkeitstreue

- Abhängigkeitstreue ist folgende Forderung:
 - ◆ Allgemein: Menge der erfaßten Abhängigkeiten äquivalent zur Menge der im System darstellbaren Abhängigkeiten (etwa Schlüssel und Fremdschlüssel)
 - ◆ Hier spezieller: Menge der FDs äquivalent zur Menge der Schlüsselabhängigkeiten

Abhängigkeitstreue formal

- $S = \{(R_1, \mathcal{K}_1), \dots, (R_p, \mathcal{K}_p)\}$ lokal erweitertes Datenbankschema, F Menge lokaler Abhängigkeiten
- S charakterisiert vollständig F (oder: ist *abhängigkeitstreu* bezüglich F) genau dann, wenn

$$F \equiv \{K \rightarrow R \mid (R, \mathcal{K}) \in S, K \in \mathcal{K}\}$$

Transformationseigenschaften

- Erreichen von Normalformen durch Zerlegung von Relationenschemata
- Dabei beachten:
 1. nur semantisch sinnvolle und konsistente Anwendungsdaten darstellen (*Abhängigkeitstreue*)
 2. alle Anwendungsdaten sollen aus Basisrelationen hergeleitet werden können (*Verbundtreue*)

Abhängigkeitstreue: Beispiel

- Attribute:
PLZ (P), Ort (O), Straße (S), Hausnummer (H)
- funktionale Abhängigkeiten F :
 $OSH \rightarrow P, P \rightarrow O$
- Datenbankschema S :
(OSH, {OSH})
- Menge der zugehörigen Schlüsselabhängigkeiten:
{ $OSH \rightarrow OSH$ }
nicht äquivalent zu F ; S ist nicht *abhängigkeitstreu*

Verbundtreue II

- *Kriterium*: Attributmenge im Schnitt der entstandenen Relationenschemata (hier: B) bestimmt eines der beiden Relationenschemata (hier: BC) funktional (ist also Schlüssel)

Beispielrelationen zur Verbundtreue II

- Originalrelation:

A	B	C
1	2	3
4	2	3

- Dekomposition:

A	B
1	2
4	2

B	C
2	3

- Verbund (verbundtreu):

A	B	C
1	2	3
4	2	3

Verbundtreue

- Originalrelation soll aus zerlegten Relationen mit natürlichem Verbund zurückgewonnen werden können

- Beispiel:
Relationenschema $R = ABC$ in $R_1 = AB$ und $R_2 = BC$ zerlegt; ist bei

$$F = \{A \rightarrow B, C \rightarrow B\}$$

nicht verbundtreu, bei

$$F' = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C\}$$

verbundtreu.

Beispielrelationen zur Verbundtreue

- Originalrelation:

A	B	C
1	2	3
4	2	5

- Dekomposition:

A	B
1	2
4	2

B	C
2	3
2	5

- Verbund (nicht verbundtreu):

A	B	C
1	2	3
4	2	5
1	2	5
4	2	3

Verbundtreue formal II

- *Allgemeineres Kriterium:*
 G Menge funktionaler Abhängigkeiten

$$\exists i \in \{1, \dots, p\} : X_i \rightarrow X \in G^+ \implies$$

Die Dekomposition von X in X_1, \dots, X_p ist verbundtreu bezüglich G

- minimale Teilmenge von X_i : *Universalschlüssel*
- Beispiel erster Fall: AC der einzige Universalschlüssel, in keinem Relationenschema enthalten
- Beispiel zweiter Fall: Universalschlüssel A

Entwurfsverfahren

- Universum \mathcal{U} und FD-Menge F gegeben
- lokal erweitertes Datenbankschema $S = \{(R_1, \mathcal{K}_1), \dots, (R_p, \mathcal{K}_p)\}$ berechnen mit

T	1	S charakterisiert vollständig F
S	1	S ist in 3NF bezüglich F
T	2	Dekomposition von \mathcal{U} in R_1, \dots, R_p ist verbundtreu bezüglich F
S	2	Minimalität, d.h.

$$\exists S' : S' \text{ erfüllt } \boxed{\text{T} \ 1}, \boxed{\text{S} \ 1}, \boxed{\text{T} \ 2} \text{ und } |S'| < |S|$$

Verbundtreue formal

- *Definition:*
 Dekomposition einer Attributmenge X in X_1, \dots, X_p mit $X = \bigcup_{i=1}^p X_i$ heißt *verbundtreu* ($\pi \bowtie$ -treu, lossless) bezüglich einer Menge von Abhängigkeiten G über X genau dann, wenn

$$\forall r \in \mathbf{SAT}_X(G) : \pi_{X_1}(r) \bowtie \dots \bowtie \pi_{X_p}(r) = r$$

gilt

- *Einfaches Kriterium für zwei Relationenschemata:*
 Dekomposition von X in X_1 und X_2 ist verbundtreu bzgl. F , wenn $X_1 \cap X_2 \rightarrow X_1 \in F^+$ oder $X_1 \cap X_2 \rightarrow X_2 \in F^+$

Transformationseigenschaften: Zusammenfassung

Kennung	Transformationseigenschaft	Kurzcharakteristik
T 1	Abhängigkeitstreue	alle gegebenen Abhängigkeiten sind durch Schlüssel repräsentiert
T 2	Verbundtreue	die Originalrelationen können durch den Verbund der Basisrelationen wiedergewonnen werden

BCNF und Abhängigkeitstreue unvereinbar

- Attribute PLZ (P), Ort (O), Straße(S), Hausnummer(H)
- funktionale Abhängigkeiten F

$$OSH \rightarrow P, P \rightarrow O$$

- Datenbankschema S

$$(OSH, \{OSH, PSH\})$$

- PSH auch Schlüssel, da $PSH \rightarrow OSH$ mit PSH minimal
- Schema in 3NF, da alle Attribute Primattribute

Dekomposition: Start

Start: initiales Relationenschema R mit allen Attributen und einer von erfaßten Abhängigkeiten implizierten Schlüsselmenge

- Attributmenge \mathcal{U} und eine FD-Menge F
- suche alle $K \rightarrow \mathcal{U}$ mit K minimal, für die $K \rightarrow \mathcal{U} \in F^+$ gilt ($\mathcal{K}(F)$)
- $(\mathcal{U}, \mathcal{K}(F))$ initiales Relationenschema

Entwurfsverfahren II

- Datenbankschemata schlecht entworfen, wenn nur eins dieser vier Kriterien nicht erfüllt

- Beispiel: $S = \{(AB, \{A\}), (BC, \{B\}), (AC, \{A\})\}$ erfüllt

T	1
---	---

,

S	1
---	---

 und

T	2
---	---

 bezüglich $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, A \rightarrow C\}$

in dritter Relation AC -Tupel redundant oder inkonsistent

- korrekt: $S' = \{(AB, \{A\}), (BC, \{B\})\}$

BCNF und Abhängigkeitstreue unvereinbar II

- Schema nicht in BCNF, da

$$\{ PSH \rightarrow P \rightarrow O \}$$

transitive Abhängigkeit des Primattributs O

- Jede Zerlegung von OSH zerstört Abhängigkeit

$$OSH \rightarrow P$$

- Abhängigkeitstreue nicht gewährleistet

Dekomposition: Normalisierung II

- Vorteile: 3NF, Verbundtreue
- Nachteile: restliche Kriterien nicht, reihenfolgeabhängig, NP-vollständig (Schlüsselsuche)

Syntheseverfahren

- Prinzip: Synthese formt Original-FD-Menge F in resultierende Menge von Schlüsselabhängigkeiten G so um, daß $F \equiv G$ gilt
- “Abhängigkeitstreue” im Verfahren verankert
- 3NF und Minimalität wird auch erreicht, reihenfolgeunabhängig
- Zeitkomplexität: quadratisch

Dekomposition: Normalisierung

Normalisierungsschritt: falls $K \rightarrow X \rightarrow Y$, aus R Attributmenge Y eliminieren und mit X in ein neues Relationenschema stecken

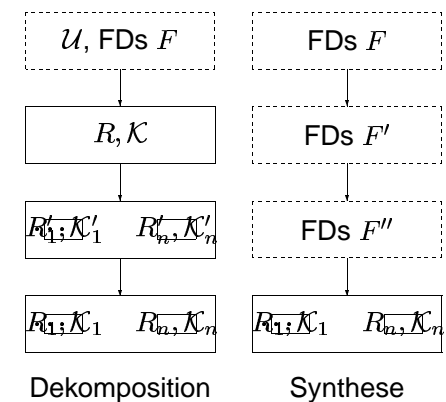
- $\mathcal{R} = (R, \mathcal{K})$ und F über R gegeben
- Falls \mathcal{R} in 3NF ist: fertig
- Sonst: existiert für Schlüssel K

$$K \rightarrow Y, Y \not\rightarrow K, Y \rightarrow A, A \notin KY$$

Wähle dann

$$\begin{aligned} R_1 &:= R - A & R_2 &:= YA \\ \mathcal{R}_1 &:= (R_1, \mathcal{K}) & \mathcal{R}_2 &:= (R_2, \mathcal{K}_2 = \{Y\}) \end{aligned}$$

Vergleich Dekomposition — Synthese



Mehrwertige Abhängigkeiten

- Mehrwertige Abhängigkeit (kurz: MVD, multivalued dependency) $X \twoheadrightarrow Y$
- innerhalb einer Relation r wird einem Attributwert von X eine Menge von Y -Werten zugeordnet, unabhängig von den Werten der restlichen Attribute von r
- Beispiel: In Bücher
 - ISBN \twoheadrightarrow Autor
 - ISBN \twoheadrightarrow Version
 - ISBN \twoheadrightarrow Stichwort
- MVD formal: $\sim \rightarrow \square \square$

Vierte Normalform

Name	Kind	Hobby
James Bond	Hugo	Autos
James Bond	Egon	Autos
James Bond	Hugo	Action
James Bond	Egon	Action
James Bond	Hugo	Klettern
James Bond	Egon	Klettern

Name \twoheadrightarrow Kind, Name \twoheadrightarrow Hobby

vierte Normalform durch Elimination der rechten Seite einer der beiden mehrwertigen Abhängigkeiten, linke Seite mit dieser rechten Seite in neue Relation kopiert

Name	Kind
James Bond	Hugo
James Bond	Egon

Name	Hobby
James Bond	Autos
James Bond	Action
James Bond	Klettern

Syntheseverfahren (grob)

- Eliminiere Redundanzen durch Entfernen überflüssiger FDs und Attribute.
 - FDs aus F überflüssig, wenn *redundant*
 - d.h. $F - \{f\} \equiv F$, dann f redundant
 - Attribute aus F überflüssig, wenn unwesentlich (siehe Formalia 2NF)
- Fasse FDs zu "Äquivalenzklassen"
 - FDs in eine Klasse, die gleiche oder äquivalente linke Seiten haben; pro Äquivalenzklasse ein Relationenschema
- Trick Verbundtreue: Original-FD-Menge F um $\mathcal{U} \rightarrow \delta$ erweitern, δ Dummy-Attribut, das nach Synthese entfernt wird

Mehrwertige Abhängigkeiten II

- Schwierigkeiten bei MVDs:
 - $R = \{ \text{Student, Fach, Vorlesung} \}$
 - mit FD $\text{Student} \rightarrow \text{Fach}$ und MVD $\text{Fach} \twoheadrightarrow \text{Vorlesung}$
 - ◆ zusätzliches Attribut (SWS)
 - ◆ zusätzliche FD $\text{Vorlesung} \rightarrow \text{SWS}$
 - ◆ unsinnige FD $\text{Fach} \rightarrow \text{SWS}$ ableitbar
- MVD falsch spezifiziert
- $\text{Fach} \twoheadrightarrow \text{Vorlesung}$ (Werte zum Attribut Vorlesung unabhängig von den Werten aller restlichen Attribute?)
- Sinnvoll $\text{Student} \rightarrow \text{Fach}$, $\text{Vorlesung} \rightarrow \text{SWS}$ und MVD $\text{Fach} \twoheadrightarrow \text{Vorlesung, SWS}$

Weitere Abhängigkeiten

Verbundabhängigkeiten

- Kann man R ohne Informationsverlust in R_1, \dots, R_p auftrennen: \bowtie $[R_1, \dots, R_p]$ Verbundabhängigkeit (kurz: JD, join dependency)
- Für Bücher gilt

$$\bowtie [\{ \text{ISBN, Titel, Verlag}, \\ \{ \text{ISBN, Autor}, \\ \{ \text{ISBN, Stichwort}, \\ \{ \text{ISBN, Version} \}]$$

Inklusionsabhängigkeiten

Verallgemeinerung von Fremdschlüsseln

- auf der rechten Seite einer Fremdschlüsselabhängigkeit nicht unbedingt den Primärschlüssel einer Relation: Inklusionsabhängigkeit (kurz: IND, von inclusion dependency)
- X -Werte in einer Relation $r_1(R_1)$ kommen auch als Y -Werte in einer Relation $r_2(R_2)$ vor: Inklusionsabhängigkeit $R_1[X] \subseteq R_2[Y]$

Transformationseigenschaften bei MVDs

“Unabhängigkeit” der Attributmengen Y und Z voneinander: pro X -Wert bildet kartesisches Produkt der Y - und Z -Werte den YZ -Wert

$$X \twoheadrightarrow Y \iff \forall X\text{-Werte } x : \pi_{YZ}(\sigma_{X=x}(r)) = \pi_Y(\sigma_{X=x}(r)) \bowtie \pi_Z(\sigma_{X=x}(r))$$

genau für alle $r \in \text{SAT}_R(\{X \twoheadrightarrow Y\})$ gilt verbundtreue Dekomposition

$$r = \pi_{XY}(r) \bowtie \pi_{XZ}(r), \quad (1)$$

Weitere Abhängigkeiten

- Formal: Verbundabhängigkeit ist für $S = \{R_1, \dots, R_p\}$ über \mathcal{U} Ausdruck der Form $\bowtie [R_1, \dots, R_p]$; $r(\mathcal{U})$ genügt der JD $\bowtie [R_1, \dots, R_p]$ genau dann, wenn $r = \pi_{R_1}(r) \bowtie \dots \bowtie \pi_{R_p}(r)$ gilt
- JDs sind Verallgemeinerung von MVDs: für $\mathcal{U} = XYZ$ und $r(\mathcal{U})$

$$r \text{ genügt } X \twoheadrightarrow Y \iff r \text{ genügt } \bowtie [XY, XZ]$$

beziehungsweise für $S = \{R_1, R_2\}$ über \mathcal{U}

$$r \text{ genügt } \bowtie [R_1, R_2] \iff r \text{ genügt } R_1 \cap R_2 \twoheadrightarrow R_1$$